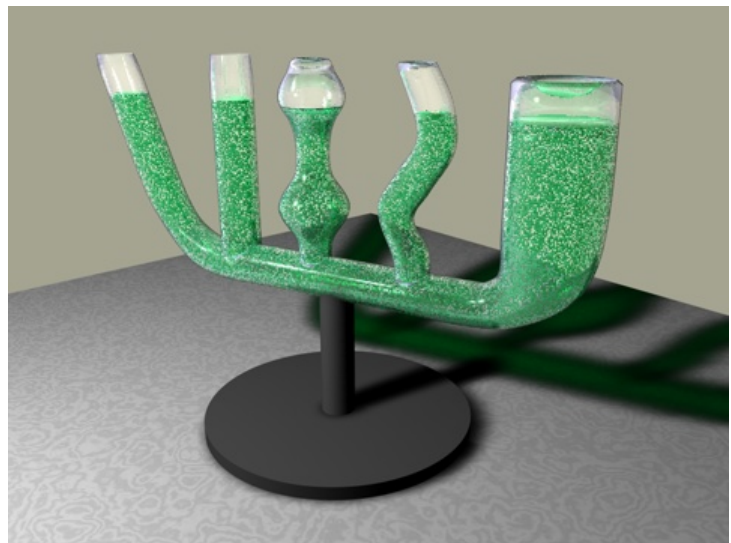


## 8 Statik der Fluide

Wieso diese Röhren korrespondieren, warum man daraus ein Paradoxon erkennen kann und was das mit dem Schwimmen eines Flosses zu tun hat, erfahren Sie in diesem Kapitel.



Hinweis: Für die eingebetteten AR – Elemente  ist eventuell ein Viewer notwendig.

## Inhaltsverzeichnis

8	Statik der Fluide.....	1
8.1	Definition.....	3
8.2	Aggregatzustände.....	3
8.3	Die Dichte .....	4
8.3.1	Die Anomalie des Wassers .....	5
8.3.2	Schwimmen, Versinken und Schweben .....	5
8.4	Der Druck.....	6
8.4.1	Druckeinheiten .....	7
8.4.2	Druckanwendungen am Beispiel einer Hebebühne .....	8
8.5	Der Schweredruck in Flüssigkeiten .....	10
8.5.1	Anwendungen des Schweredrucks .....	11
8.5.2	Druckmessungen mit dem U-Rohr Manometer.....	12
8.6	Der Schweredruck in Gasen .....	13
8.7	Folgen des Schweredrucks – die Auftriebskraft.....	14
8.7.1	Auftrieb in Flüssigkeiten.....	15
8.7.2	Dichtebestimmung mit dem archimedischen Prinzip.....	16
8.7.3	Auftrieb in Gasen.....	17
8.8	Experiment Anomalie des Wassers.....	18
8.9	Dossier Funktionsweise hydraulischer Systeme .....	20
8.10	Dossier Der Schweredruck .....	22

## 8.1 Definition

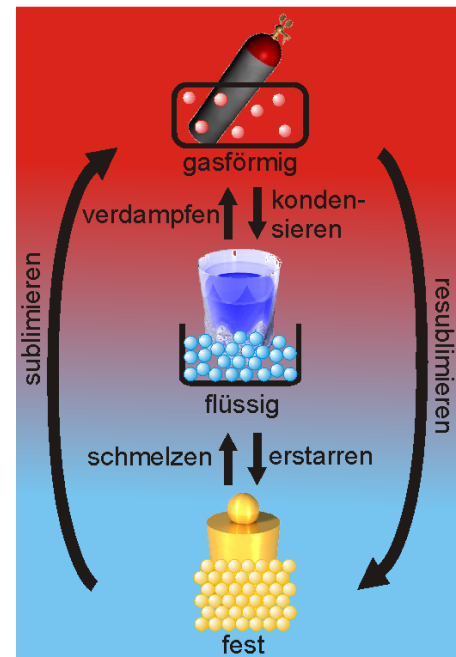
In diesem Kapitel werden wir über Eigenschaften von Flüssigkeiten und Gasen sprechen. Da sich das Verhalten von Gasen in vielen Bereichen nicht vom Verhalten von Flüssigkeiten unterscheidet, werden Flüssigkeiten und Gase unter dem Oberbegriff "Fluide" zusammengefasst.

## 8.2 Aggregatzustände

In der klassischen Thermodynamik wird zwischen drei verschiedenen Aggregatzuständen von Stoffen unterschieden, wie in **Abbildung 1** bezeichnet.

In Feststoffen wirken zwischen den Teilchen grosse **KOHÄSIONSKRÄFTE**<sup>1</sup>, welche die kleinsten Teilchen des Stoffes fest auf ihrer gegebenen Position halten. Dadurch erscheint der Stoff in einer festen Gestalt und kann nur durch grosse Kräfte verformt werden. Flüssigkeiten dagegen haben keine feste Gestalt. Sie können eine beliebige Form annehmen, wobei das Volumen des Stoffes aber gleichbleibt. Zwischen den Teilchen wirken geringe Kohäsionskräfte, die Teilchen sind deswegen nicht an bestimmte Plätze gebunden und können leicht verschoben werden. Bei Gasen sind (fast) keine Kohäsionskräfte vorhanden. Die kleinsten Teilchen eines Gases nehmen dadurch den ganzen ihnen zur Verfügung stehenden Raum ein.

Jeder Stoff kann als Feststoff, als Flüssigkeit oder als Gas auftreten. Man bezeichnet diese drei **AGGREGATZUSTÄNDE** auch als **PHASEN** eines Stoffes. Der Übergang eines Feststoffs zu einer Flüssigkeit oder einer Flüssigkeit zu einem Gas geschieht bei für den Stoff charakteristischen Temperaturen und Drücken. Die Wechsel von einer Phase zur anderen haben spezielle Bezeichnungen bekommen. Auch diese sind in **Abbildung 1** dargestellt.



**Abbildung 1** Bezeichnung der Aggregatzustände und die Benennung der Aggregatzustandsänderungen.

**Aufgabe:** Starten Sie die Simulation [Aggregatzustände: Grundbegriffe](#) und wählen Sie den Reiter "Zustand" (voreingestellt). Verändern Sie die Temperatur und die Aggregatzustände und beobachten Sie das Verhalten der kleinsten Teilchen.



- In welcher Einheit wird die Temperatur angezeigt? Wie rechnet man solche Temperaturangaben in °C um und umgekehrt?
- Wie verändert sich die Eigenbewegung der kleinsten Teilchen mit der Temperatur?
- Beschreiben Sie den Unterschied der Aggregatzustände bezüglich des Verhaltens der kleinsten Teilchen.

<sup>1</sup> Anziehende Kräfte zwischen den Teilchen

### 8.3 Die Dichte

Im Zusammenhang mit Stoffen trifft man immer wieder auf den Begriff der **DICHTE**, für welche meistens der griechische Buchstabe "rho" verwendet wird. Es handelt sich bei der Dichte um das Verhältnis von Masse  $m$  zu Volumen  $V$  eines Körpers<sup>2</sup>:

$$\rho = \frac{m}{V}. \quad (1)$$

Die dazugehörige SI – Einheit<sup>3</sup> ist

$$[\rho] = \frac{[m]}{[V]} = \frac{kg}{m^3} \quad (2)$$

Die Dichte von verschiedenen Stoffen ist normalerweise unterschiedlich und deshalb ein wichtiger Ausdruck für die Reinheit und die Packung der kleinsten Teilchen eines Materials. Deshalb ist die Dichte auch eine druck- und temperaturabhängige Grösse. In der Natur kommen unterschiedliche Dichten vor. **Tabelle 1** und **Tabelle 2** geben dazu eine Übersicht. Beim Element Osmium handelt es sich übrigens um das dichteste bekannte Material bei [Standardbedingungen \(STP\)](#)!

**Tabelle 1** Dichten einiger Metalle

Material	Dichte $\frac{kg}{m^3}$
Aluminium	2700
Titan	4540
Eisen	7870
Nickel	8900
Blei	11340
Gold	19320
Osmium	22570

Angaben bei STP, Quelle: Wikipedia

---

<sup>2</sup> Exakterweise müsste man deshalb den Begriff "Massendichte" verwenden.

<sup>3</sup> Bitte beachten: Gerade in der Chemie wird in diesem Zusammenhang häufig im cgs – Einheitensystem gerechnet ( $\frac{g}{cm^3}$ ), welches aber mit dem SI – Einheitensystem nicht kompatibel ist!

Da in Feststoffen die kleinsten Teilchen ohnehin schon nahe beieinandersitzen, sind die Druck- und Temperaturabhängigkeit bei Feststoffen nicht sehr stark ausgeprägt. Diese Abhängigkeit nimmt allerdings über die Flüssigkeiten zu den Gasen hin stark zu. So wird als Beispiel die Dichte eines idealen Gases durch eine Verdopplung des Drucks ebenfalls verdoppelt. Grundsätzlich ist mit zunehmender Temperatur eine Abnahme der Dichte eines Materials verbunden, weil die Eigenbewegung der kleinsten Teilchen zunimmt.

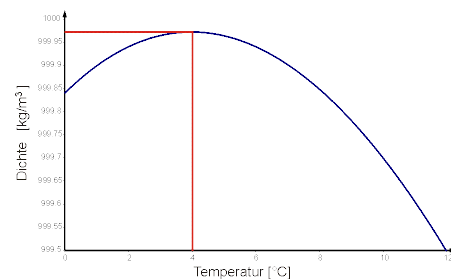
**Tabelle 2** Verschiedene Dichten

Material	Dichte $\frac{kg}{m^3}$
Interstellares Medium	$10^{-25} - 10^{-15}$
Erdatmosphäre	1.2
Erdkern	$\sim 13000$
Sonnenkern	$\sim 150000$
Weisser Zwerg	$10^9$
Atomkern	$2 \cdot 10^{17}$
Schwarzes Loch	$4 \cdot 10^{17}$

Quelle: Wikipedia

### 8.3.1 Die Anomalie des Wassers

Die wohl wichtigste Ausnahme von dieser Regel stellt Wasser dar (**Abbildung 2**). Bei Wasser nimmt die Dichte nicht vom Schmelzpunkt her mit zunehmender Temperatur ab, sondern erst ab rund 4°C. Die **ANOMALIE**, welche zwischen dem Schmelzpunkt von 0°C und 4°C die Dichte zunächst ansteigen lässt, beruht auf der Ausbildung von Wasserstoffbrücken zwischen den Wassermolekülen. Genaueres dazu erfahren Sie in der Chemie.



**Abbildung 2** Dichteverlauf von Wasser.

**Aufgabe:** Führen Sie das Experiment 8.8 durch. Das Diagramm und die Auswertung sind der Lehrperson zu zeigen.

### 8.3.2 Schwimmen, Versinken und Schweben

Körper können in Fluiden schwimmen, schweben oder versinken, je nachdem ob die Dichte des Körpers kleiner, gleich oder grösser ist als die Dichte des Fluids:



Versinken	Schweben	Schwimmen
$\rho_{Körper} > \rho_{Fluid}$	$\rho_{Körper} = \rho_{Fluid}$	$\rho_{Körper} < \rho_{Fluid}$

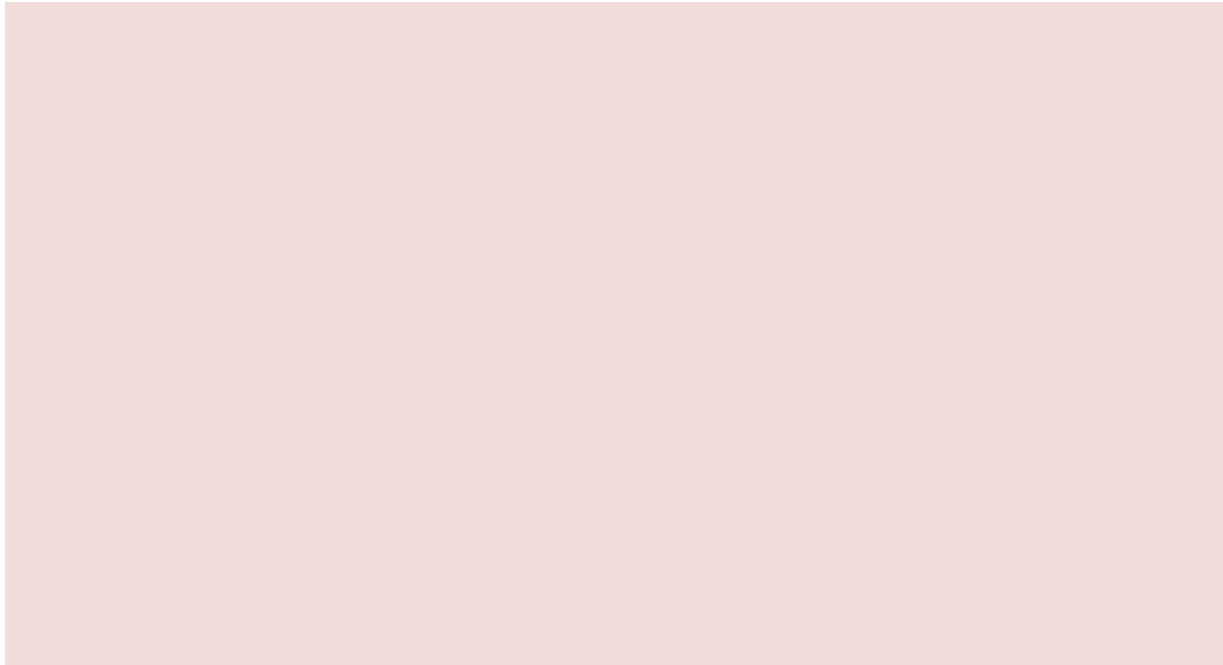
Ein Schiff schwimmt nur deswegen auf dem Wasser, weil seine mittlere Dichte (viele Luft einschlüsse) kleiner ist als die von Wasser!

Obige Regeln gelten aber auch für Flüssigkeiten selbst: Weniger dichte Flüssigkeiten schwimmen auf Dichteren, wenn sie sich nicht mischen.

**Aufgabe:** Beantworten Sie mit Hilfe der Simulation [Dichte](#) (Flash-Format!) folgende Fragen:

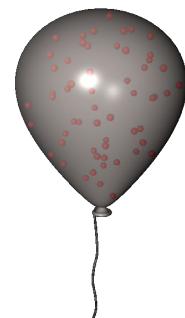
- Welche Einheit wird in der Simulation für die Dichte verwendet?
- Rechnen Sie die angegebene Dichte eines Körpers in diejenige mit SI-Einheit um.
- Warum schwimmt Holz auf Wasser? Wann schwimmt ein Körper generell in einer Flüssigkeit?
- Können Sie einen Körper erzeugen, der im Wasser schwebt?

- Das Wasserbecken ist immer mit 100 Litern Wasser gefüllt. Wie hängt der angezeigte Wasserstand vom Volumen des schwimmenden / schwebenden / eingetauchten Körpers ab? Was fällt ihnen auf?



### 8.4 Der Druck

Oftmals wird der Begriff **DRUCK** im Alltag verwendet, ohne jedoch seine Bedeutung oder seine Herkunft zu exakt zu kennen. Um ein wenig Licht ins Dunkel zu bringen, stellen wir uns einen mit Luft prall gefüllten Ballon vor, wie er in **Abbildung 3** dargestellt ist. Was sorgt eigentlich dafür, dass sich die Gummihaut nicht wieder zusammenzieht? Es sind die Gasteilchen, welche unter Aufwand von Arbeit in die Ballonhülle eingefüllt werden mussten. Diese kleinsten Teilchen bewegen sich und stossen immer wieder mit der Ballonwand zusammen und üben eine Kraft auf diese Wand aus. Da es insgesamt sehr viele Gasteilchen in einem gefüllten Ballon drin hat, summieren sich diese kleinen "Stosskräfte" zu einer sehr grossen Kraft, welche schliesslich die Gummihaut auseinanderdehnt.



**Abbildung 3**  
Gasteilchen in einem Ballon

Es spielt dabei allerdings für die Dehnung der Ballonhaut nur die senkrechte Komponente der Stosskraft eine Rolle, wie dies in **Abbildung 4** gezeigt ist. Damit ist die Definition des Druckes gefunden. Der Druck ist definiert als Kraft pro Fläche, wobei man die Kraftkomponente meint, die senkrecht zur Fläche steht:



$$p = \frac{F_{\perp}}{A} \quad (3)$$

mit der SI-Einheit



$$[p] = \frac{[F_{\perp}]}{[A]} = \frac{N}{m^2} \quad (4)$$

**Aufgabe:** Sehen Sie sich das folgende [Video](#) zunächst **nur bis zur Zeitmarke 2:15 an!**

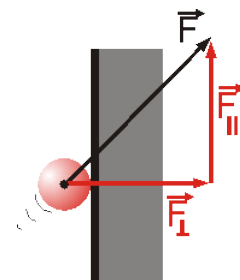


- Wie wird im Video der Druck definiert? Widerspricht dies der im Skript gefundenen Definition?
- Werden die im Ball enthaltenen Moleküle wirklich komprimiert? Wie würdest du diesen Satz verbessern?

### 8.4.1 Druckeinheiten

Für den Druck sind aus historischen Gründen aber viele verschiedene Einheiten in Gebrauch. Je nach Anwendungsgebiet und geschichtlichem Hintergrund verwendet man andere Einheiten. Dabei spielt es eine Rolle, ob man vom

- **Absolutdruck**  $p_{abs}$  spricht, dann meint man den Druck gegenüber dem Druck Null im leeren Raum oder
- ob man den **Umgebungsdruck**  $p_{amb}$  (lat. ambiens) meint, den absoluten Atmosphärendruck (Luftdruck), der am Untersuchungsort herrscht oder schliesslich
- den **Überdruck**  $p_e$  (lat. excedens), auch atmosphärische Druckdifferenz genannt ( $p_e = p_{abs} - p_{amb}$ ).



**Abbildung 4** Nur die senkrechte Komponente der Stosskraft  $F$  bewirkt eine bei einer Ballonhaut eine Dehnung nach aussen.

In **Tabelle 3** sind einige Druckeinheiten zusammengefasst. Das Pascal ist dabei die Abkürzung für  $\frac{N}{m^2}$  und

entspricht der SI – Einheit!

Untersucht man das Verhalten des Druckes genauer, so stellt man fest, dass sich der Druck in einer Flüssigkeit in alle Richtungen in gleicher Grösse ausbreitet. Dies ist schnell erklärt, wenn man sich der Modellvorstellung einer Flüssigkeit bedient. Darin besteht eine Flüssigkeit aus eng aneinander liegenden

**Tabelle 3** Einige Druckeinheiten

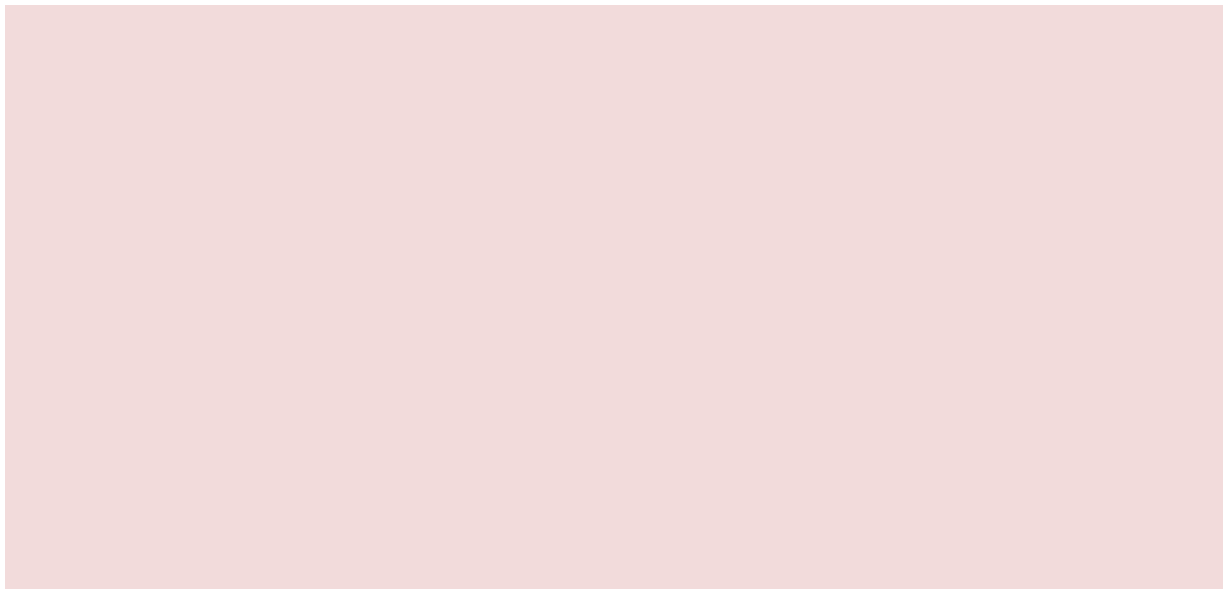
Kurzform	Name	Name, Erläuterung
Pa	Pascal	SI – Einheit des Drucks. Abk. für $\frac{N}{m^2}$
atm	Atmosphäre	Entspricht dem Druck, hervorgerufen durch eine 760 mm hohen Quecksilbersäule bei 0°C und Normalfallbeschleunigung.
bar	Bar	Ein bar entspricht 100'000 Pascal.
mmHg		Entspricht dem Druck, der eine Quecksilbersäule der Höhe x mm erzeugt.

Teilchen, welche gegeneinander verschoben werden können. Wird nun auf ein Teilchen eine Kraft ausgeübt, so weicht dieses aus und gibt die Kraft auf seine Nachbarn weiter.

---

**Aufgabe:** Es geht zurück zur Simulation der [Aggregatzustände](#), diesmal wählen Sie aber den Reiter "Phasenübergänge" aus.

- Der dargestellte "Stoff" ist zunächst fest. Pumpen Sie zusätzliche Teilchen in den Behälter. Was ist zu beobachten?
- Erwärmen Sie vorsichtig und notieren Sie sich ihre Beobachtung bezüglich der Teilchenbewegung, ihrer Formation und den angezeigten Druck. Ab wann wird ein Druck angezeigt?
- Was passiert mit dem Druck, wenn die Temperatur steigt? Warum?
- Wenn der Stoff gasförmig ist und die Temperatur sich nicht ändert, was passiert mit dem Druck im Behälter, wenn zusätzliche Teilchen hinzugepumpt werden? Warum?



---

#### 8.4.2 Druckanwendungen am Beispiel einer Hebebühne

**Aufgabe:** Sehen Sie sich nun den Rest des [Videos](#) zum Druck an. Anschliessend ist das **DOSSIER 8.9** zu bearbeiten. Vergleichen Sie ihre Arbeit mit den bereitgestellten Lösungen.



---

Die allseitige Ausbreitung des Druckes findet in der Technik viele Anwendungen. Am Beispiel einer Hebebühne wollen wir uns den Sachverhalt nun genauer ansehen.



Die in Autowerkstätten verwendeten hydraulische Hebebühnen sehen im Schnitt schematisch etwa wie in Abbildung 5 aus.

Am kleinen Kolben herrscht der Druck  $p_1 = \frac{F_1}{A_1}$  und

am grossen Kolben der Druck  $p_2 = \frac{F_2}{A_2}$ . Da der Druck

überall im Hydrauliköl gleich gross sein muss, folgt

$$\frac{F_1}{A_1} = \frac{F_2}{A_2} \text{ oder auch}$$



$$F_1 = \frac{A_1}{A_2} \cdot F_2 \quad (5)$$

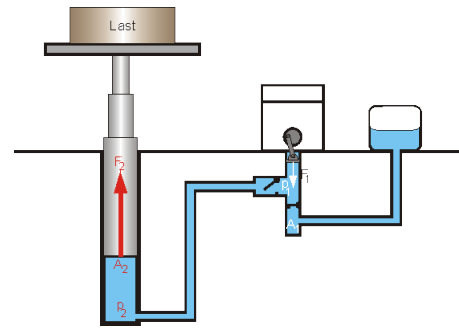


Abbildung 5 Prinzip einer Hebebühne.

Es handelt sich dabei um eine effiziente Art der Kraftübersetzung!

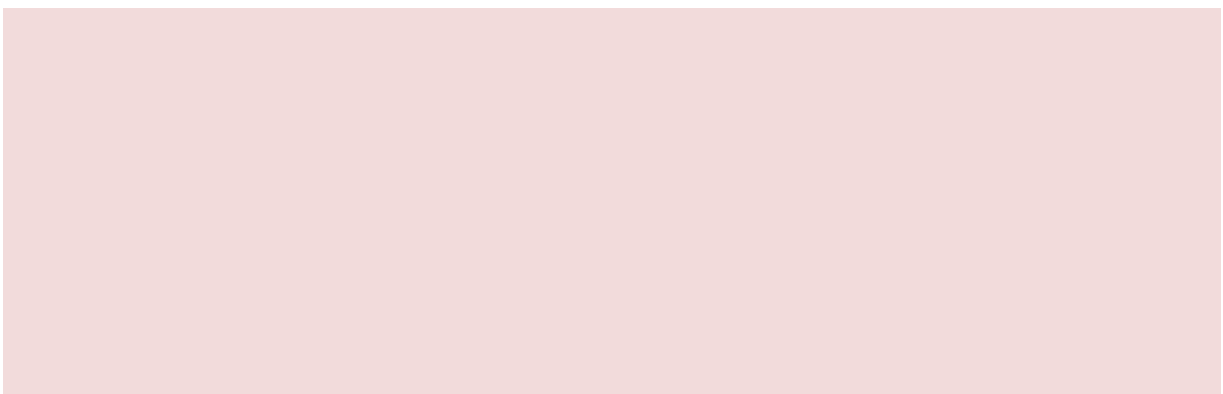
**Beispiel** Nehmen wir an, die Querschnittsfläche des kleinen Kolbens beträgt  $A_1 = 10 \text{ cm}^2$ . Diejenige des grossen Kolbens sei  $A_2 = 1'000 \text{ cm}^2$ . Zum Heben eines Wagens mit der Masse  $m = 1'000 \text{ kg}$ , der also die Kraft  $F = 10'000 \text{ N}$  auf den grossen Kolben ausübt, benötigt man nur die Kraft

$$F_{ges} = \frac{A_1}{A_2} \cdot F_G^{Wagen} = \frac{A_1}{A_2} \cdot m^{Wagen} \cdot g = \frac{10 \text{ cm}^2}{1000 \text{ cm}^2} \cdot 1000 \text{ kg} \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = 100 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}^2} = 100 \text{ N}$$

Man sieht also das gewaltige Potential dieser Gesetzmässigkeit.

Weitere Beispiele für diese Art der Druckanwendung sind die hydraulische Presse, die hydraulische Bremse und der Druckwandler. Dabei wird immer über die Fläche die wirkende Kraft übersetzt.

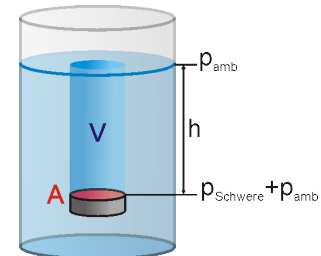
**Aufgabe:** Finden sie zwei noch nicht behandelte Beispiele, wo die hydraulische Kraftübersetzung in der Technik angewendet wird. Erstellen Sie von einem Beispiel eine Skizze zur Funktionsweise.



## 8.5 Der Schweredruck in Flüssigkeiten

**Aufgabe:** Bearbeiten Sie das **DOSSIER 8.10**. Ihr Ergebnisse und Diagramme sind der Lehrperson zur Überprüfung zukommen zu lassen.

Taucht man in einem Schwimmbad zum Grund des Schwimmbeckens, so stellt man fest, dass der Druck auf das Trommelfell mit zunehmender Wassertiefe immer grösser wird. Da von aussen keine zunehmende Kraft auf die Wasseroberfläche ausgeübt wird, muss der zusätzliche Druck durch das Wasser selbst erzeugt werden. Ursache ist die Wassersäule, die sich über einem befindet. Je tiefer man kommt umso höher und schwerer wird diese Säule. Der mit der Tiefe zunehmende Druck in einer Flüssigkeit ist also eine Folge der zunehmenden Gewichtskraft der darüberliegenden Wassersäule, wie dies in Abbildung 6 dargestellt ist.



**Abbildung 6** Zur Entstehung des Schweredrucks in einer Flüssigkeit.

Damit kann man aber nun den Gewichtsdruck einer Flüssigkeitssäule in einer gewissen Tiefe auch mathematisch beschreiben. Die Gewichtskraft der Flüssigkeitssäule mit dem Volumen  $V$  beträgt  $F_G = m \cdot g = V \cdot \rho_{\text{Flüssigkeit}} \cdot g$ . Diese Gewichtskraft wirkt auf ein Objekt mit Fläche  $A$  in der Tiefe  $h$ . Über die Definition des Druckes erhält man für den **SCHWEREDRUCK**



$$p_{\text{Schwere}} = \frac{F_G}{A} = \frac{V \cdot \rho_{\text{Flüssigkeit}} \cdot g}{A} = \frac{A \cdot h \cdot \rho_{\text{Flüssigkeit}} \cdot g}{A} = \underline{\underline{\rho_{\text{Flüssigkeit}} \cdot g \cdot h}} \quad (6)$$

Wie man sieht, hängt der Schweredruck, abgesehen von den beiden "Konstanten"  $g$  und  $\rho$ , nur von der Höhe  $h$  der Flüssigkeitssäule ab – nicht vom Durchmesser! Herrscht über der Flüssigkeit noch ein Pressdruck  $p_p$ , z.B. der Luftdruck, so ist dieser zur Berechnung des Gesamtdrucks noch zu addieren.



$$p = p_p + p_{\text{Schwere}} \quad (7)$$

Der Schweredruck bewirkt einen erheblichen technischen Aufwand, wenn man z.B. mit U – Booten in grosse Tiefen vordringen möchte.

**Beispiel:** Der Weltrekord im Apnoetauchen (tauchen ohne Sauerstoff) mit konstantem Gewicht und Flossen liegt bei 124 m, aufgestellt von Herbert Nitsch (AUT). Welchen Druck wirkt in der Rekordtiefe auf den Körper von Nitsch, wenn der Druck an der Oberfläche 1 atm beträgt?

**Lösung:** Mit obiger Gleichung und  $p_{\text{amb}} = 1 \text{ atm} = 101325 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$ ,  $\rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$

und  $g = 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  erhalten wir:



**Abbildung 7** Freitaucher beim Tieftauchen mit Monoflossen. Bild: Wolfgang Neugebauer  
Quelle: Wikipedia

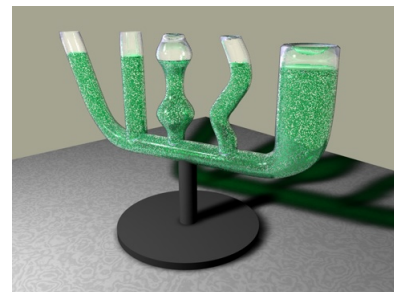
$$\begin{aligned}
 p &= p_{amb} + \rho \cdot h \cdot g = 101'325 \frac{N}{m^2} + \left( 10^3 \frac{kg}{m^3} \cdot 124 m \cdot 9.81 \frac{m}{s^2} \right) = \\
 &= 101'325 \frac{N}{m^2} + 1'216'440 \frac{N}{m^2} \\
 &= 1'317'765 \frac{N}{m^2} = \underline{\underline{13.0 atm (!!)}}
 \end{aligned}$$

Der Taucher muss also rund das 13-fache des normalen Luftdrucks aushalten – und im übrigen etwa 10 Minuten lang den Atem anhalten!

Und ungefährlich ist Apnoetauchen ebenfalls nicht, wie diese kurze [Doku](#) aus "Superhuman" über Herbert Nitsch zeigt.

### 8.5.1 Anwendungen des Schweredruckes

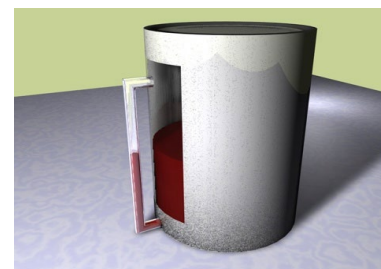
Eine Folge des Schweredruckes ist bekannt als das **HYDROSTATISCHE PARADOXON**. Verbindet man verschiedene Gefässe unterschiedlicher Form miteinander und füllt diese mit einer Flüssigkeit, so steht der Flüssigkeitsspiegel in allen Gefässen gleich hoch, wie in **Abbildung 8** (dabei setzen wir voraus, dass die Kapillarität zu vernachlässigen ist – die Gefässe also einen Durchmesser im cm Bereich aufweisen). Gebraucht wird dies beispielsweise zur Beobachtung und Kontrolle von Flüssigkeitsständen in Behältern. Dazu wird an diesen ein Schauglas angebracht. Aufgrund des hydrostatischen Druckes steht die Flüssigkeit sowohl im Behälter wie auch im Schauglas gleich hoch (**Abbildung 9**).



**Abbildung 8** KOMMUNIZIERENDE RÖHREN. Da der Schweredruck nur von der Höhe der Flüssigkeitssäule abhängt, nicht aber von der Form des Gefässes, steht die Flüssigkeit in den verbundenen Gefässen überall gleich hoch.

#### 8.5.1.1 Messung des Luftdrucks

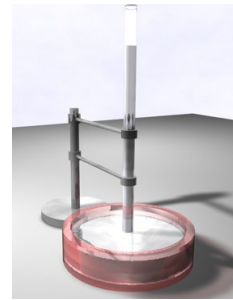
Eine weitere Anwendung ist die Erfindung des Physikers und Mathematikers Evangelista Torricelli, der 1643 die erste Anordnung zur Messung des Luftdrucks entwickelt hat. Dabei wurde ein mit Quecksilber gefülltes Glasrohr mit dem offenen Ende in einen Vorratsbehälter mit Quecksilber getaucht. Zu einem kleinen Teil fließt dabei das Quecksilber heraus. Im geschlossenen Rohrende entsteht dabei ein Vakuum. Im Rohr selbst bleibt eine Quecksilbersäule von rund 760 mm Höhe stehen, gemessen ab dem Füllstand des Vorratsgefässes. In **Abbildung 10** ist der Aufbau dargestellt. Ursache dafür ist der Luftdruck, der auf das Quecksilber im Vorratsgefäss drückt und damit einen Teil des flüssigen Metalls ins Rohr drückt und so bei 760 mm hält. Steigt der Luftdruck, so wird das Quecksilber weiter nach oben gedrückt, der Pegel im Glasrohr steigt und umgekehrt, wenn der Luftdruck sinkt. Der Schweredruck der Quecksilbersäule im Steigrohr kompensiert im Gleichgewicht gerade den Luftdruck – das ist das Prinzip der Luftdruckmessung. Berechnen wir einmal den Schweredruck einer 760 mm hohen Quecksilbersäule:



**Abbildung 9** Ein Behälter, ausgerüstet mit Steigrohr zur Flüssigkeitskontrolle.

$$\begin{aligned}
 p_{Schwere} &= \rho_{Hg} \cdot g \cdot h_{Hg} \\
 &= 13.6 \cdot 10^3 \frac{kg}{m^3} \cdot 9.81 \frac{m}{s^2} \cdot 0.760 m \cdot \\
 &\approx 1013 hPa = \underline{\underline{1013 mbar}}
 \end{aligned}$$

Die Einheit mmHg heisst also nichts anderes als Millimeter Quecksilbersäule. Mit dieser Einheit wird auch heute noch der Blutdruck angegeben, weil man früher eben Quecksilbermanometer zur Blutdruckmessung verwendet hat. Ein Blutdruck von 120 zu 80 bedeutet einen systolischen Blutdruck, der einer Quecksilbersäule von 120 mm Höhe entspricht und einen diastolischen Blutdruck von 80 mmHg.



**Abbildung 10** Messung des Luftdrucks nach dem Prinzip von Torricelli.

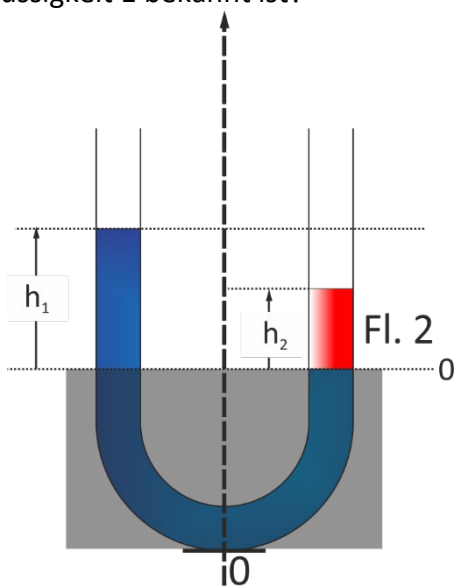
### 8.5.2 Druckmessungen mit dem U-Rohr Manometer

Mit U-Rohr-Manometern kann man z.B. die Dichte einer unbekanntenen Flüssigkeit bestimmen (**OFFENES U-ROHR MANOMETER**) oder den Druck im Innern eines Gaskolbens messen (**GESCHLOSSENES U-ROHR MANOMETER**).

Die Flüssigkeit im U-Rohr soll sich in allen nachfolgend dargestellten Situationen nicht bewegen (hydrostatisches Gleichgewicht).

#### Offenes U-Rohr Manometer

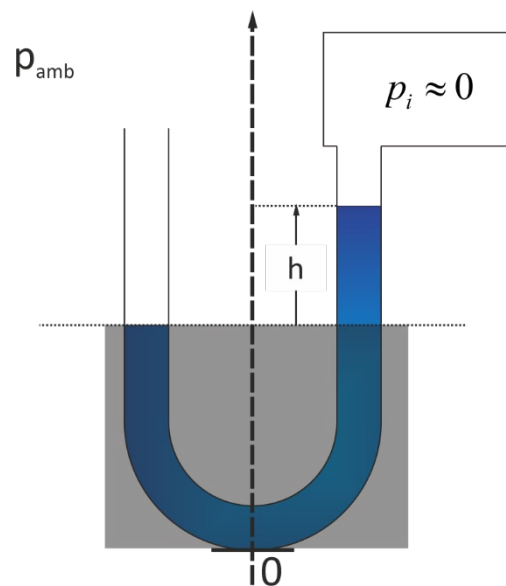
Im dargestellten U-Rohr sind zwei verschiedene, nicht mischbare Flüssigkeiten eingefüllt. Wie gross ist die Dichte der unbekanntenen Flüssigkeit 2, wenn Flüssigkeit 1 bekannt ist?



Die Druckbilanz für die linke und die rechte Seite des U-Rohrs lautet (eventuell die Skizze ergänzen):

#### Geschlossenes U-Rohr Manometer

Wie gross ist der Umgebungsdruck im dargestellten Fall als Funktion der Flüssigkeitspegel und der Dichte der Flüssigkeit?

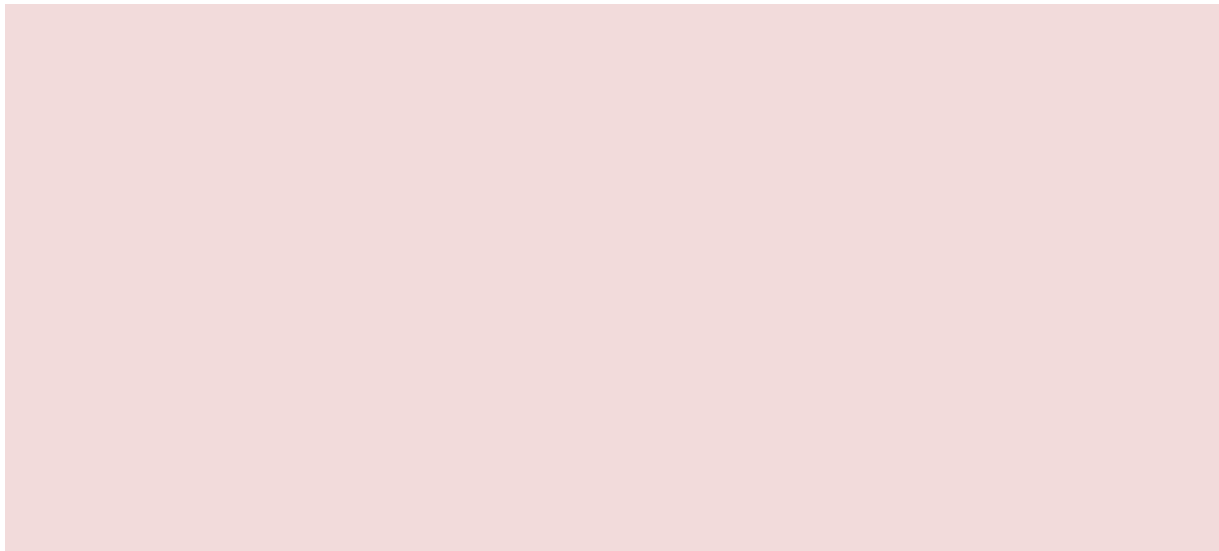


Die Druckbilanz für die linke und die rechte Seite des U-Rohrs lautet (eventuell die Skizze ergänzen):

Wichtig: Ist eine Flüssigkeit in beiden U-Rohr-Hälften vorhanden, so kann der symmetrische Anteil der Flüssigkeit (in der Abbildung grau überdeckt) für die Berechnung ignoriert werden, weil der Beitrag zum Schweredruck links und rechts jeweils gleich gross ist.

$$\begin{aligned}
 p_{total,links} &= p_{total,rechts} & p_{total,links} &= p_{total,rechts} \\
 p_{Schwere,links} + p_{amb} &= p_{Schwere,rechts} + p_{amb} & p_{Schwere,links} + p_{amb} &= p_{Schwere,rechts} + p_i \\
 \rho_1 \cdot g \cdot h_1 + p_{amb} &= \rho_2 \cdot g \cdot h_2 + p_{amb} & p_{amb} &= \rho_{Flüssigkeit} \cdot g \cdot h + p_i \\
 \rho_2 &= \rho_1 \frac{h_1}{h_2} & p_{amb} &\approx \rho_{Flüssigkeit} \cdot g \cdot h
 \end{aligned}$$

**Aufgabe:** Lösen Sie die zwei Aufgaben, welche in diesem [Video](#) gestellt werden. Die Dichte von Wasser darf dabei zu  $\rho_{Wasser} = 1000 \frac{kg}{m^3}$  gesetzt werden.



## 8.6 Der Schweredruck in Gasen

Woher kommt eigentlich der Luftdruck, den Torricelli 1643 zum ersten Mal gemessen hat? Über uns liegt eine gewaltige Luftmasse. Diese Luftsäule reicht vom Erdboden bis in den Welt- raum. Das Ende der Atmosphäre bildet dabei Grenze. Die Luftsäule über unseren Köpfen hat also eine Höhe von rund 11 km. Zur Berechnung des Schweredrucks darf man nun aber nicht einfach die gleiche Formel wie bei den Flüssigkeiten gebrauchen – die Dichte der Luft ist hö- henabhängig. Dies weil höhere Luftschichten darunter liegende zusammendrücken und dadurch eben die Dichte der tiefen liegenden Luftschichten steigt. Wir verzichten auf die Her- leitung der **barometrischen Höhenformel**:



$$p = p_0 \cdot e^{-\frac{M \cdot g \cdot \Delta h}{R \cdot T}} \tag{8}$$

Dabei stehen  $p_0$  für den Druck auf einer gegebenen Höhe  $h_0$ ,  $M$  für die mittlere molare Masse  $M$  der Luftmassen ( $M = 0.02896 \frac{\text{kg}}{\text{mol}}$ ),  $R$  für die universelle Gaskonstante ( $R = 8.31 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}}$ ) und  $T$  für die absolute Temperatur. Die Höhendifferenz zwischen  $h_0$  und der zweiten Höhe  $h_1$  wird mit  $\Delta h$  bezeichnet. Die Formel geht allerdings davon aus, dass die Atmosphäre isotherm ist, dass also die Temperatur mit zunehmender Höhe konstant bleibt. Deshalb sollte man die Formel auch nicht überstrapazieren.

**Beispiel:** Wenn der Sauerstoff-Partialdruck in den Alveolen unter den kritischen Wert von ungefähr  $p_{\text{O}_2, \text{Alveolen}} = 50 \text{ mmHg}$  sinkt, dann kommt es zu Störungen der Gehirnfunktion. Dieser Wert ist erreicht, wenn der Sauerstoff-Partialdruck in der Luft auf  $p_{\text{O}_2} = 12.9 \text{ kPa}$  absinkt. Benutzen Sie die barometrische Höhenformel, um die dazugehörige Höhe auszurechnen. Ist die Höhengrenze, die Sie finden, realistisch? Können Menschen auch in größerer Höhe leben? Wodurch wird die "ultimative" Höhengrenze gesetzt?



**Abbildung 11** Der Mount Everest in voller Pracht. Bild: Uwe Gille. Quelle: Wikipedia

**Ansatz:** Wir gehen von Meereshöhe aus. Dort beträgt der Druck etwa 100 kPa. Als Temperatur nehmen wir 15 °C, da die Temperatur von Meereshöhe bis zur gesuchten Höhe hin abnehmen wird – deshalb rechnen wir mit einer mittleren Temperatur.

**Lösung:** Wir lösen die barometrische Höhenformel nach der Höhendifferenz auf und erhalten

$$\Delta h = -\ln\left(\frac{p}{p_0}\right) \cdot \frac{RT}{Mg} = -\ln\left(\frac{12.9 \text{ kPa}}{100 \text{ kPa}}\right) \cdot \frac{8.31 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}} \cdot 288 \text{ K}}{0.02896 \frac{\text{kg}}{\text{mol}} \cdot 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}} = 2.05 \cdot 9009 \text{ m} \approx \underline{\underline{17.3 \text{ km}}}$$

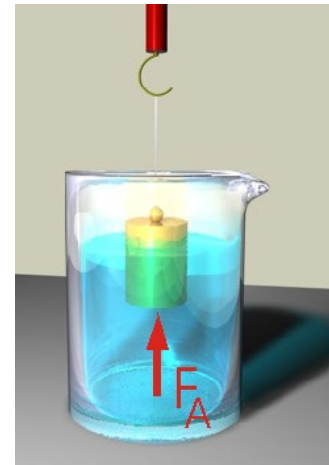
Dieser Wert entspricht etwa der Grenze der Troposphäre, also der unteren Atmosphäre. Aus den Erfahrungen von Bergsteigern wissen wir, dass man bis fast 9000 m ohne Sauerstoff auskommen kann (der Mount Everest ist 8848 m hoch). Unser Wert ist also viel zu hoch. Der Mensch wird vorher bewusstlos. Menschen können allerdings in grossen Höhen leben (in Nepal liegt rund 40 % des Landes über 3000 m), falls es aufgrund der Temperaturen noch Nahrung gibt. Unser Körper ist anpassungsfähig (Höhentraining).

## 8.7 Folgen des Schweredruckes – die Auftriebskraft

Jeder hat schon mal die Erfahrung gemacht, dass man einen Stein unter Wasser leichter hochheben kann als an Land. Oder dass es eine erhebliche Kraft braucht, um einen Wasserball unter Wasser zu drücken. Wir alle nehmen zur Kenntnis, dass ein mit Helium gefüllter Luftballon einfach so gen Himmel hinaufsteigt. Für all diese Phänomene gibt es in der Physik den Begriff **AUFTRIEB**. Damit wollen wir uns im folgenden Abschnitt beschäftigen.

### 8.7.1 Auftrieb in Flüssigkeiten

Ursache für den Auftrieb ist der Schweredruck. Taucht ein Objekt, z.B. ein Metallzylinder teilweise in eine Flüssigkeit ein (Abbildung 12), so ruft der Schweredruck  $p_A$  an der Unterseite des Zylinders eine Kraft  $F_A = p_A \cdot A$  hervor. Die vom Schweredruck auf die Seitenflächen des Zylinders ausgeübte Kräfte heben sich paarweise auf und beeinflussen die Auftriebskraft nicht.



**Abbildung 12** Aufgrund des Schweredrucks wirkt eine Kraft  $F_A$  auf die Unterseite des eingetauchten Zylinders. Die seitlichen Kräfte heben sich gegenseitig auf.

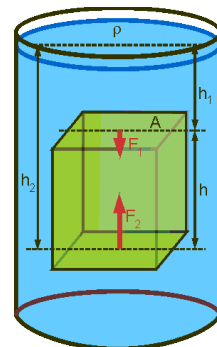
Wir wollen nun einen Ausdruck für die Auftriebskraft herleiten, wobei uns Abbildung 13 helfen soll. Taucht ein Quader ganz in eine Flüssigkeit der Dichte  $\rho_{\text{Flüssigkeit}}$  ein, so ist der Druck  $p_2$  an der unteren Fläche des Quaders grösser als der Druck  $p_1$  an der oberen Fläche. Für die beiden Kräfte gilt

$$F_1 = p_1 \cdot A = \rho_{\text{Flüssigkeit}} \cdot h_1 \cdot g \cdot A \quad \text{und} \quad F_2 = p_2 \cdot A = \rho_{\text{Flüssigkeit}} \cdot h_2 \cdot g \cdot A.$$

Die Differenz der beiden Kräfte entspricht der nach oben gerichteten Kraft und somit der Auftriebskraft  $F_A$ .

$$\begin{aligned} F_A &= \rho_{\text{Flüssigkeit}} \cdot h_2 \cdot g \cdot A - \rho_{\text{Flüssigkeit}} \cdot h_1 \cdot g \cdot A = \rho_{\text{Flüssigkeit}} \cdot (h_2 - h_1) \cdot g \cdot A \\ &= \rho_{\text{Flüssigkeit}} \cdot h \cdot g \cdot A = \rho_{\text{Flüssigkeit}} \cdot V_{\text{Körper, eingetaucht}} \cdot g \end{aligned}$$

Das Volumen  $V_{\text{Körper, eingetaucht}}$  des Körpers und das Volumen der verdrängten Flüssigkeit  $V_{\text{Flüssigkeit, verdrängt}}$  sind gleich. Die Auftriebskraft beträgt also



**Abbildung 13** Zur Herleitung der Auftriebskraft als Folge des Schweredrucks.



$$F_A = \rho_{\text{Flüssigkeit}} \cdot V_{\text{Flüssigkeit, verdrängt}} \cdot g \quad (9)$$

Der Faktor  $\rho_{\text{Flüssigkeit}} \cdot V_{\text{Flüssigkeit, verdrängt}}$  gibt die Masse  $m_{\text{Flüssigkeit, verdrängt}}$  der verdrängten Flüssigkeit an. Das Produkt  $m_{\text{Flüssigkeit, verdrängt}} \cdot g$  entspricht der Gewichtskraft  $F_{G, \text{Flüssigkeit, verdrängt}}$  der verdrängten Flüssigkeit. Damit haben wir das archimedische Prinzip gefunden:



*Der Betrag der Auftriebskraft eines Körpers, der teilweise oder vollständig in eine Flüssigkeit eintaucht ist gleich dem Betrag der Gewichtskraft der verdrängten Flüssigkeit!*

**Beispiel** Ein Floss wie in Abbildung 14 soll mit einer Last von 2000 kg tragen können und dabei zu höchstens zu 90 % seines Volumens im Wasser ( $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$ ) untertauchen. Wie viele  $\text{m}^3$  Holz von der Dichte  $\rho = 820 \text{ kg/m}^3$  müssen mindestens zum Bau des Flosses verwendet werden?

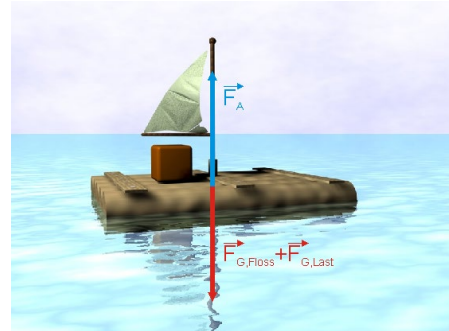


Abbildung 14 Floss auf dem Wasser.

Ansatz: Das gesuchte Holzvolumen sei  $V_{\text{Floss}}$ . Dann gilt im statischen Gleichgewicht  $F_{G,Floss} + F_{G,Last} = F_A$ , da die Auftriebskraft sowohl die Gewichtskraft des Flosses wie auch die Gewichtskraft der Last kompensieren muss.

Lösung: Setzt man nun alles ein, so erhält man  $\rho_{\text{Holz}} \cdot V_{\text{Floss}} \cdot g + m_{\text{Last}} \cdot g = \rho_{\text{Wasser}} \cdot g \cdot V_{\text{Floss}} \cdot 0.9$ . Auflösen nach dem Volumen liefert

$$V_{\text{Floss}} = \frac{m_{\text{Last}}}{\rho_{\text{Wasser}} \cdot 0.9 - \rho_{\text{Holz}}} = \frac{2000 \text{ kg}}{1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 0.9 - 820 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}} = \underline{\underline{25 \text{ m}^3}}$$

Man braucht also ganze  $25 \text{ m}^3$  Holz, um so ein Floss bauen zu können. Das sind immerhin 20.5 Tonnen!

Schiffe können nur deshalb schwimmen, weil sie entsprechend ihrem Gesamtgewicht das selbe Gewicht an Wasser verdrängen. Ein Schiff mit einer Masse von 30'000 Tonnen Gesamtmasse verdrängt auch 30'000 Tonnen Wasser. Dies wird erreicht, indem ein Schiff generell viel Hohlraum mit Luft aufweist.

## 8.7.2 Dichtebestimmung mit dem archimedischen Prinzip

### 8.7.2.1 Das Aräometer



Ein Aräometer hat etwa die Form einer langen Pipette, die an ihrem Ende ein wenig verdickt ist. Im Anschluss an die Verdickung findet sich eine Beschwerung, die häufig aus Bleischrot besteht. Zusätzlich besitzt ein Aräometer eine kalibrierte Skala, an der man aufgrund der Eintauchtiefe des Geräts in eine Flüssigkeit deren Dichte direkt ablesen kann. Dabei macht man sich das archimedische Prinzip zunutze. Das Aräometer taucht umso tiefer in die Flüssigkeit ein je kleiner die Dichte der Probenflüssigkeit ist.



Abbildung 15 Aräometer zur Bestimmung der Dichte von Flüssigkeiten.

### 8.7.2.2 Bestimmung der Dichte eines Feststoffes mit einem Kraftmesser

Was macht man aber, wenn man die Dichte eines Feststoffes bestimmen möchte? Ein Aräometer hilft dann schlecht weiter. Nun, in diesem Fall muss man einfach die grauen Zellen ein wenig bemühen. Man wägt den Körper unbekannter Dichte mit einem Newtonmeter zunächst an Luft ( $F_{G,Körper}$ ), taucht ihn dann mit einem Kraftmesser in eine Flüssigkeit mit bekannter Dichte und misst nun die neue Kraft, die der Kraftmesser



anzeigt ( $F_{in\text{Flüssigkeit}}$ ). Gemäss dem archimedischen Prinzip entspricht die Gewichtskraft der verdrängten Flüssigkeit gerade der Differenz der beiden gemessenen Kräfte:  $F_{G, \text{verdr. Flüssigkeit}} = F_{G, \text{Körper}} - F_{in\text{Flüssigkeit}}$ . Nun teilt man beide Seiten durch die Fallbeschleunigung

$$g \text{ und die Dichte der Flüssigkeit } \rho_{Fl.} \text{ und bekommt } V_{\text{verdr. Flüssigkeit}} = V_{\text{Körper}} = \frac{F_{G, \text{Körper}} - F_{in\text{Flüssigkeit}}}{\rho_{Flüssigkeit} \cdot g}$$

. Dabei machen wir uns zunutze, dass der Körper ganz eintaucht und das verdrängte Flüssigkeitsvolumen gleich dem Körpervolumen ist. Jetzt wird nur noch das Volumen des Körpers

durch  $\frac{m_{\text{Körper}}}{\rho_{\text{Körper}}}$  ersetzt und nach der Dichte des Körpers aufgelöst:



$$\rho_{\text{Körper}} = \frac{\rho_{\text{Flüssigkeit}} \cdot g \cdot m_{\text{Körper}}}{F_{G, \text{Körper}} - F_{in\text{Flüssigkeit}}} \quad (10)$$

### 8.7.3 Auftrieb in Gasen

Ganz analog zu den Flüssigkeiten berechnet man den Auftrieb in einem Gas:



$$F_A = \rho_{\text{Gas}} \cdot V_{\text{Körper}} \cdot g \quad (11)$$

Hier macht es sich eben bemerkbar, dass sowohl Flüssigkeiten wie auch Gase Fluide sind. Man muss sich nur vor Augen halten, dass die Dichte eines Gases sehr stark von der Temperatur abhängt.

**Beispiel** Ein mit Helium gefüllter Luftballon der Masse 2g mit einem Durchmesser von 30 cm wird losgelassen. Welche maximale Last könnte man diesem Luftballon anhängen (Briefpost...), wenn er in eine Höhe fliegen soll, in der die Dichte von Helium  $\rho_{\text{He}} = 0.1785 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  und die Dichte von Luft

$$\rho_{\text{Luft}} = 1.293 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \text{ beträgt?}$$

**Ansatz:** Wir nehmen an, dass der Luftballon kugelförmig ist. Die Masse der Anordnung beträgt im Problem  $m = m_{\text{Luftballon}} + m_{\text{He}} + m_{\text{Last}}$  ! Die Auftriebskraft kompensiert in der gesuchten Höhe gerade die Gewichtskraft der Anordnung.

**Lösung:** Aus  $F_A = F_G$  folgt durch Einsetzen der entsprechenden Formeln  $\rho_{\text{Luft}} \cdot g \cdot V_{\text{Luftballon}} = (m_{\text{Luftballon}} + m_{\text{He}} + m_{\text{Last}}) \cdot g$ . Wir kürzen g und setzen  $m_{\text{He}} = \rho_{\text{He}} \cdot V_{\text{Luftballon}}$ . Dann folgt schliesslich  $\rho_{\text{Luft}} \cdot V_{\text{Luftballon}} = m_{\text{Luftballon}} + \rho_{\text{He}} \cdot V_{\text{Luftballon}} + m_{\text{Last}}$ . Aufgelöst nach der gesuchten Lastmasse folgt  $m_{\text{Last}} = \rho_{\text{Luft}} \cdot V_{\text{Luftballon}} - m_{\text{Luftballon}} - \rho_{\text{He}} \cdot V_{\text{Luftballon}}$ . Setzt man nun noch

$$V_{\text{Luftballon}} = \frac{4\pi}{3} \left(\frac{d}{2}\right)^3 = \frac{\pi}{6} d^3 \text{ ein und rechnet aus, erhält man als Resultat } m_{\text{Last}} = \underline{\underline{13.8 \text{ g}}}.$$

## 8.8 Experiment Anomalie des Wassers

### Aufgabe

Mit Hilfe einer Simulation soll die Anomalie des Wasser untersucht werden.

### Simulation

Die Simulation [Anomalie des Wassers](#), kommt dem realen Experiment sehr nahe. Allerdings unterliegt die Gratisversion Einschränkungen. Die Simulation ist auch im Google Playstore erhältlich (in einer Gratis- und einer Bezahlversion). Für dieses Experiment ist nur die Gratisversion nötig!

Die Ansicht in der Simulation wird durch die unterschiedlichen Maustasten und das Rädchen verändert.

### Durchführung

- Die Anfangstemperatur  $\vartheta_0$  des Wassers und die Anfangshöhe  $h_0$  des Wassers in der Kapillare werden in der Tabelle unten notiert.



- Die Simulation wird gestartet und in regelmässigen Intervallen pausiert, um sowohl die Temperatur als auch die Wasserhöhe ablesen zu können. Zwischen 5°C und 3°C alle 0.1 °C notieren.

### Auswertung

Anfangslänge [mm]	Anfangstemperatur [°C]									
Temperatur [°C]										
Wasserhöhe [mm]										
Temperatur [°C]										
Wasserhöhe [mm]										
Temperatur [°C]										
Wasserhöhe [mm]										

*Resultat*

Stellen Sie ihre Daten in einem Wasserhöhe-Temperatur-Diagramm grafisch dar. Mit Vorteil geschieht dies in LoggerPro®, aber auch jedes andere Tabellenkalkulationsprogramm kann benutzt werden. Aus dem Diagramm ist in geeigneter Weise (Regression) diejenige Temperatur zu ermitteln, bei der das Wasser die grösste Dichte aufweist und das Ergebnis ist mit dem Literaturwert zu vergleichen. Das Diagramm wird unten eingefügt.



Diagramm

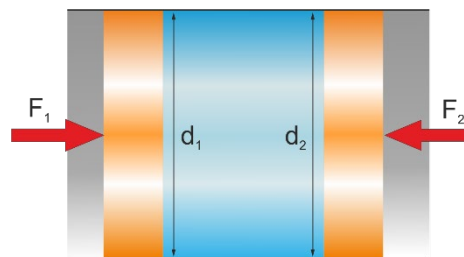
### 8.9 Dossier Funktionsweise hydraulischer Systeme

In den nachfolgend dargestellten Situationen wirken jeweils zwei Kräfte  $F_1$  und  $F_2$  auf zwei verschiebbare Kolben mit den Durchmessern  $d_1$ , respektive  $d_2$ . Zwischen den Kolben ist eine nicht komprimierbare Flüssigkeit (blau dargestellt) eingeschlossen. Die Kolben sollen sich jeweils nicht bewegen und auch keine Gewichtskraft besitzen.

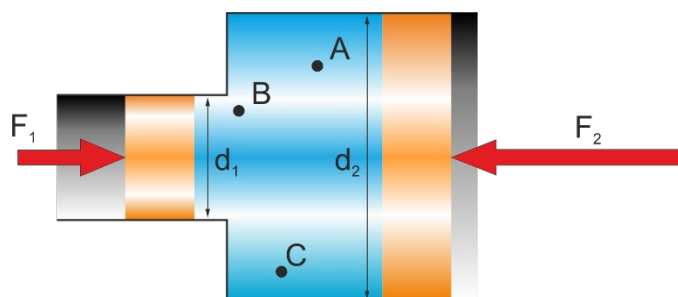
- A) Die Kräfte  $F_1$  und  $F_2$  sind gleich gross, dann gilt für die von den beiden Kräften erzeugten Drücke  $p_1$  und  $p_2$ :

symbolisch	Op	symbolisch
$p_1 = \frac{F_1}{A_1} = \frac{F_1}{\left(\frac{d_1}{2}\right)^2 \pi}$	$=$	$p_2 = \frac{F_2}{A_2} = \frac{F_2}{\left(\frac{d_2}{2}\right)^2 \pi}$

Sie sind gleich gross und deshalb *herrscht in der gesamten Flüssigkeit überall der gleiche Druck!*

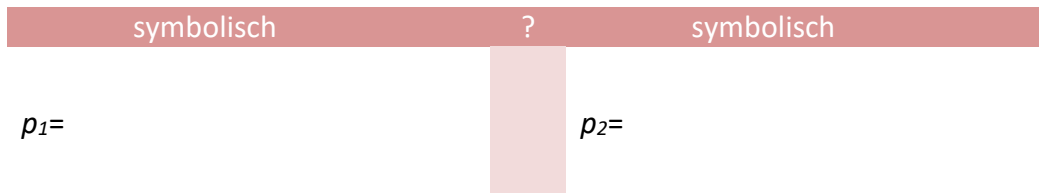
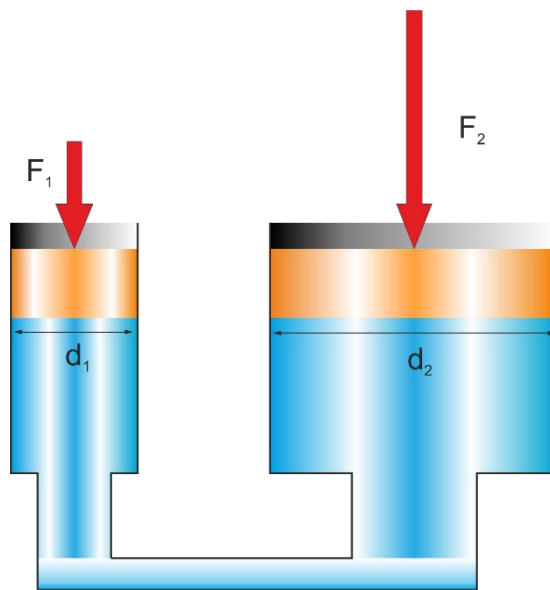


- B) Wiederhole obige Überlegungen für die folgende Abbildung. Die Kräfte  $F_1$  und  $F_2$  sind **nicht** gleich. Überlege dir, was du über den Druck im System an den Punkten A bis C sagen kannst. Wie werden die Drücke  $p_1$  und  $p_2$  **symbolisch** berechnet? Welcher mathematische Operator fehlt in der Lücke?



symbolisch	?	symbolisch
$p_1 =$	$=$	$p_2 =$

C) Übertragen Sie nun ihre Überlegungen auf die folgende Situation:



Was können Sie über das Verhältnis der beiden Kräfte  $F_1$  und  $F_2$  aussagen?  
 Vervollständigen Sie den folgenden Ausdruck:

$$\frac{F_1}{F_2} =$$



*Dies ist das Prinzip der hydraulischen Kraftübertragung: Durch eine kleine Kraft auf eine kleine Fläche lässt sich eine große Kraft auf eine große Fläche erzeugen und umgekehrt.*

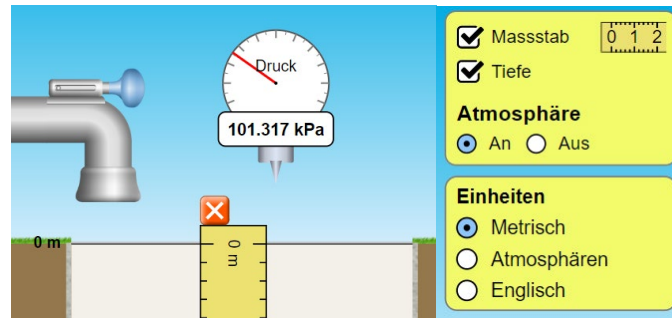
### 8.10 Dossier Der Schweredruck

#### Aufgabe

Starten Sie die Simulation «[Unter Druck](#)» auf der [PHET Homepage](#). Die Starteinstellungen zunächst nicht verändern.



- Füllen Sie das Becken ganz auf.
- Aktivieren Sie den Massstab und die Tiefenanzeige.
- Verschieben Sie das Lineal so, dass sein Nullpunkt mit der Flüssigkeitsoberfläche übereinstimmt.



#### Durchführung

Messen Sie mit dem Manometer (in welcher Einheit wird der Druck angezeigt?) den Druck auf der Flüssigkeitsoberfläche und anschliessend in etwa 8 verschiedenen Eintauchtiefen. Notieren Sie sich jeweils Druck und Eintauchtiefe. **Auf die Einheiten achten!**

Druck [kPa]	Druck $\left[ \frac{N}{m^2} \right]$	Eintauchtiefe [m]
		0

#### Auswertung

Erstellen Sie mit LoggerPro ein Druck-Eintauchtiefe Diagramm. Wählen Sie eine geeignete Fitfunktion aus. Welche Schlussfolgerungen ziehen Sie aus den bisherigen Resultaten? *Wie hängt der Druck in einer gewissen Tiefe einer Flüssigkeit von der Eintauchtiefe ab?*

Setzen Sie nun das Manometer in eine beliebige Tiefe der Flüssigkeit. Verändern Sie nun nur die Dichte der Flüssigkeit und notieren Sie sich wiederum etwa 8 Wertepaare. Die Daten sollen wieder mit LoggerPro ausgewertet und analysiert werden. *Wie hängt der Druck in einer gewissen Tiefe einer Flüssigkeit von der Dichte der Flüssigkeit ab?*

Setzen Sie das Manometer wiederum in eine beliebige Tiefe der Flüssigkeit. Die Flüssigkeit soll Wasser sein (Dichte anpassen). Verändern Sie nun nur die Fallbeschleunigung und notieren Sie sich wiederum etwa 8 Wertepaare. Die Daten sollen wieder mit LoggerPro ausgewertet und analysiert werden. *Wie hängt der Druck in einer gewissen Tiefe einer Flüssigkeit von der herrschenden Fallbeschleunigung ab?*

Fassen Sie die Erkenntnisse der drei obigen Versuche zusammen, indem Sie aus den obigen Ergebnissen eine Formel ableiten: